

OLIMPIADA DE MATEMATICĂ A SATELOR DIN ROMÂNIA
BAREM CORECTARE - ETAPA LOCALĂ
CLASA a VI-a 21.02.2020

Problema 1.(7 puncte)

Fie $(a; b) = d \Rightarrow d|a$ și $d|b \Rightarrow a = dx, b = dy, (x; y) = 1 \dots\dots\dots(2p)$
 $\Rightarrow [a; b] = dxy \dots\dots\dots(1p)$
 $d(3xy + 17) = 3 \cdot 47 \Rightarrow d = 3$ și $3xy + 17 = 47 \dots\dots\dots(2p)$
 $xy = 10 \Rightarrow x = 1, y = 10$ sau $x = 2, y = 5 \dots\dots\dots(1p)$
 $a = 3, b = 30$ sau $a = 6, b = 15 \dots\dots\dots(1p)$

Problema 2.(7 puncte)

a) Fie x prețul inițial
După scumpire cu 30%: $\frac{13}{10}x \dots\dots\dots(1p)$
După ieftinirea cu 10%: $\frac{117}{100}x \dots\dots\dots(2p)$
 $x = 2000$ lei.....(1p)

b) $\frac{A}{5} = \frac{S}{7} = \frac{P}{8} = k \Rightarrow A = 5k, S = 7k, P = 8k \dots\dots\dots(1p)$
 $8k - 5k = 300 \Rightarrow k = 100 \Rightarrow$ Sandală = 700 lei.....(1p)
Suma este egală cu 2000 lei(1p)

Problema 3.(7 puncte)

a) Fie a, b, c, d, e măsurile celor cinci unghiuri
 $c = a + b, d = a + b + c = 2c, e = a + b + c + d = 4c \dots\dots\dots(2p)$
 $c = 45^\circ, d = 90^\circ, e = 180^\circ \dots\dots\dots(2p)$

b) $\frac{a}{5} = \frac{b}{7} = k \Rightarrow 12k = 45^\circ \Rightarrow k = 3^\circ 45' \dots\dots\dots(2p)$
 $a = 18^\circ 45', b = 26^\circ 15' \dots\dots\dots(1p)$

Problema 4.(7 puncte)

Desen corect.....(1p)

Notăm cu $\sphericalangle AOB = x \Rightarrow 6x = 90^\circ \Rightarrow x = 15^\circ \Rightarrow \sphericalangle DOE = 75^\circ \dots\dots\dots(2p)$
 $\sphericalangle DOF = 105^\circ : 2 = 52^\circ 30' \dots\dots\dots(2p)$
 $\sphericalangle EOF = 75^\circ + 52^\circ 30' = 127^\circ 30' \dots\dots\dots(2p)$

„Binele ce-l faci la oarecine, ți-l întoarce vremea care vine”
Anton Pann

Felicitări!